

## 第 6 次作业

Lecturer: 杨启哲

Last modified: 2025 年 3 月 25 日

截止日期 2025 年 3 月 31 日晚 24: 00

- 在自然推理系统  $N_{\mathcal{L}}$  中，构造下列推理的证明：

$$\{\forall x(F(x) \rightarrow \neg G(x)), \forall x(H(x) \rightarrow G(x))\} \vdash \forall x(H(x) \rightarrow \neg F(x))$$

- 考察下列推理

每个科学工作者都是刻苦钻研的，每个刻苦钻研而又聪明的人在他的事业中都将获得成功。张三是科学工作者，并且是聪明的，所以张三在他的事业中将获得成功。

请首先以个体域为人类集合将上述推理符号化，并在自然推理系统  $N_{\mathcal{L}}$  中构造相应推理的证明。

- 请给出一个实例说明，利用  $\exists_+$  和  $\exists_-$  规则进行推理时如果变元和常量不符合使用规则，就会得到错误的结论。

- 这道题我们更好的理解一下对称差：

- (1) 请画出  $A \oplus B \oplus C$  的文氏图。
- (2) 证明对称差具有结合律： $A \oplus (B \oplus C) = (A \oplus B) \oplus C$ .

- 求下列集合：

- $A = \{a, b, c\}$  和  $B = \{a, 1, 2\}$  的对称差  $A \oplus B$ 。
- $A = \{1, \{2, 3\}, \{1, \{2\}\}\}$  的广义并集  $\bigcup A$ .
- $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$  的幂集  $\mathcal{P}(A)$ 。